

段考複習錦囊

高二上 數學

第三次段考

重點回顧

- 平面向量

一分鐘準備段考

- 基本定義和題型要「熟」，不是只要「會」
- 解出一題難題，勝過解十題簡單的題目，不要逃避不會的題目
- 多做題目，培養對題型的解題感覺
- 利用名師學院系列產品，反覆觀看、補強弱點

平面向量

1. 有向線段：

- (1) 以 A 為始點、 B 為終點的線段，稱為有向線段 \overrightarrow{AB} 。
- (2) \overrightarrow{AB} 的方向：由 A 指到 B 的方向。
- (3) \overrightarrow{AB} 的長度： A 、 B 兩點的距離，以符號 $|\overrightarrow{AB}|$ 來表示。

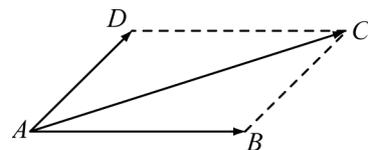
2. 向量的運算：

(1) 向量加法

- ① 三角形法則： $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$
- ② 平行四邊形法則： $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$

(2) 向量減法： $\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC}$

(3) 連鎖法則： $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{AD}$



3. 坐標平面上兩點 $A(x_1, y_1)$ 、 $B(x_2, y_2)$ ，則 $\overrightarrow{AB} = (x_2 - x_1, y_2 - y_1)$ ，其中 x 分量 = $x_2 - x_1$ ， y 分量 = $y_2 - y_1$ 。

4. 向量的坐標運算：若兩向量 $\vec{a} = (a_1, a_2)$ ， $\vec{b} = (b_1, b_2)$ ，則

- (1) $\vec{a} + \vec{b} = (a_1 + b_1, a_2 + b_2)$
- (2) $\vec{a} - \vec{b} = (a_1 - b_1, a_2 - b_2)$
- (3) $k\vec{a} = (ka_1, ka_2)$

5. 單位向量：長度為 1 的向量，稱為單位向量；若 \vec{u}_1 是與 \vec{a} 同向的單位向量，則

$$\vec{u}_1 = \frac{\vec{a}}{|\vec{a}|}。$$

6. 分點公式：

$$(1) \text{內分點公式：} P \text{ 在 } \overline{AB} \text{ 上, } \overline{AP} : \overline{PB} = m : n \Rightarrow \overline{OP} = \frac{m\overline{OB} + n\overline{OA}}{m+n}$$

$$(2) \text{外分點公式：} P \text{ 在 } \overline{AB} \text{ 外的延長線上, } \overline{AP} : \overline{PB} = m : n \Rightarrow \overline{OP} = \frac{m\overline{OB} - n\overline{OA}}{m-n}$$

7. 重心公式：

$$(1) \overline{OG} = \frac{\overline{OA} + \overline{OB} + \overline{OC}}{3} \quad (2) \overline{AG} = \frac{\overline{AB} + \overline{AC}}{3} \quad (3) \overline{GA} + \overline{GB} + \overline{GC} = \vec{0}$$

$$8. \text{內心公式：} \overline{OI} = \frac{a\overline{OA} + b\overline{OB} + c\overline{OC}}{a+b+c}$$

9. 共線定理：A、B、P 三點共線 \Leftrightarrow 存在兩實數 α 、 β ($\alpha + \beta = 1$)，使 $\overline{OP} = \alpha\overline{OA} + \beta\overline{OB}$ 。

$$10. \text{向量內積的夾角定義：} \vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| |\vec{b}| \cos \theta \Rightarrow \cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{b}|}$$

$$11. \text{坐標向量的內積：} \vec{a} = (a_1, a_2), \vec{b} = (b_1, b_2) \Rightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_1 + a_2 b_2$$

12. 正射影公式：

$$(1) \vec{a} \text{ 在 } \vec{b} \text{ 上之正射影長：} \left| \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{b}|} \right| \quad (2) \vec{a} \text{ 在 } \vec{b} \text{ 上之正射影量：} \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{b}|}$$

$$(3) \vec{a} \text{ 在 } \vec{b} \text{ 上之正射影：} \left(\frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{b}|^2} \right) \times \vec{b}$$

13. 柯西不等式：

$$(1) \text{向量型：} |\vec{a}|^2 \times |\vec{b}|^2 \geq (\vec{a} \cdot \vec{b})^2$$

$$(2) \text{實數型：} (a_1^2 + a_2^2)(b_1^2 + b_2^2) \geq (a_1 \cdot b_1 + a_2 \cdot b_2)^2$$

14. 點到直線的距離：

$$\text{平面上任一點 } P(x_0, y_0) \text{ 到直線 } L : ax + by + c = 0 \text{ 的距離 } d = \frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

$$15. \text{平面上兩向量 } \overline{OA}、\overline{OB} \text{ 所形成的 } \Delta ABC \text{ 面積} = \frac{1}{2} \sqrt{|\overline{OA}|^2 \times |\overline{OB}|^2 - (\overline{OA} \cdot \overline{OB})^2}$$

16. 行列式的定義：

$$(1) \text{二階行列式：} \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc$$

$$(2) \text{三階行列式：} \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = aei + bfg + chd - ceg - bdi - ahf$$

17. 行列式的基本性質：

(1) 行與列依序互換其值不變。

(2) 某兩行（或兩列）交換，行列式值變號。

(3) 行列式中有兩行（或兩列）相等時，行列式的值為零。

18. 行列式的運算：

$$(1) \begin{vmatrix} a & kb & c \\ d & ke & f \\ g & kh & i \end{vmatrix} = k \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ x & y & z \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g+x & h+y & i+z \end{vmatrix}$$

$$(3) \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a & b+kc & c \\ d & e+kf & f \\ g & h+ki & i \end{vmatrix} \quad (4)$$

$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = a \begin{vmatrix} e & f \\ h & i \end{vmatrix} - b \begin{vmatrix} d & f \\ g & i \end{vmatrix} + c \begin{vmatrix} d & e \\ g & h \end{vmatrix}$$

19. 二元一次方程組：

$$\begin{cases} a_1x + b_1y = c_1 \\ a_2x + b_2y = c_2 \end{cases}, \quad \Delta = \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{vmatrix}, \quad \Delta_x = \begin{vmatrix} c_1 & b_1 \\ c_2 & b_2 \end{vmatrix}, \quad \Delta_y = \begin{vmatrix} a_1 & c_1 \\ a_2 & c_2 \end{vmatrix}$$

(1) 當 $\Delta \neq 0$ 時, (x, y) 得唯一解 $(\frac{\Delta_x}{\Delta}, \frac{\Delta_y}{\Delta})$, 即兩線相交 (若 $a_2, b_2 \neq 0$ 時, 則 $\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$)。

(2) 當 $\Delta = 0$ 且 Δ_x, Δ_y 有一不為 0 時, (x, y) 無解, 即兩線平行 (若 a_2, b_2, c_2 不為 0 時, 則 $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2}$)。

(3) 當 $\Delta = \Delta_x = \Delta_y = 0$ 時, (x, y) 有無限多解, 即兩線重合 (若 a_2, b_2, c_2 不為 0 時, 則 $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$)。

實力測驗 GO : http://quiz.kut.com.tw/s_exam.aspx